

## Підготовчі матеріали з геометрії 2

Хілько Данило dkhilko@ukr.net

В задачах 1 та 2 зберігаються позначення точок з минулого листочка.

1. Доведіть, що описані кола трикутників  $T_A T_B H_3, T_B T_C H_1, T_C T_A H_2$ , мають спільну точку  $P$ .
2. Доведіть, що описані кола трикутників  $K_1 H_1 O_9, K_2 H_2 O_9, K_3 H_3 O_9$  мають спільну точку, відмінну від  $O_9$ , де  $O_9$  — центр кола Ейлера трикутника  $ABC$ .
3. В трикутнику  $ABC$  точка  $M$  — середина сторони  $AC$ ,  $H$  — ортоцентр. Промінь  $MH$  перетинає описане коло  $ABC$  в точці  $P$ . Нехай  $H_B$  — симетрична  $H$  відносно  $AC$ . Дотичні до описаного кола трикутника  $ABC$  перетинаються в  $Z$ . Доведіть, що  $P, H_B, Z$  колінеарні.
4. Дотичні в точках  $A, C$  перетинаються
5. Трапеція  $ABCD$  вписана в коло  $\omega$  ( $AD \parallel BC$ ). Вписані кола  $ABC$  і  $ABD$  дотикаються до  $BC$  та  $AD$  в точках  $P$  та  $Q$ . Нехай  $X$  та  $Y$  — середини дуг  $BC$  та  $AD$  кола  $\omega$ . Доведіть, що прямі  $YQ$  та  $XP$  перетинаються на  $\omega$ .